

Einfache lineare RA

Handrechnung für Lolur243.sav

Modell: **\underline{G} : $Y = \beta_0 + \beta_1 \cdot X$**

Prüfen des Anstiegs der Regressionsgeraden „gegen Null“

Hypothese: **$H_0: \beta_1 = 0$** mittels **Konfidenzintervall** für β_1 : **KI [β_1]**

Wahrscheinlichkeitstheoretische Basis zur Konstruktion dieses Konfidenzintervalls ist die Stichprobenkennwerteverteilung [**SKWV**] für Anstiegskoeffizienten der Einfachen Linearen Regression (vgl. Vorlesung).

$$SKWV(\beta_1) = N(\mu_{\beta_1}; \sigma_{\beta_1}^2)$$

Für die Berechnung wird die Stichprobenschätzung der Standardabweichung σ dieser SKWV benötigt.

Diese ist:

$$\begin{aligned}
 s_{\hat{\beta}_1} &= \sqrt{\frac{s_{y \cdot x_1}^2}{\sum_{i=1}^n (x_{1i} - \bar{x}_1)^2}} = \sqrt{\frac{s_{Rest}^2}{SQ_{x_1}}} = \sqrt{\frac{SQ_{Rest}}{(n-2) \cdot SQ_{x_1}}} \\
 &= \sqrt{\frac{15,95}{3 \cdot 20}} = \sqrt{0,26583} = \underline{\underline{0,5156}}
 \end{aligned}$$

Das Konfidenzintervall für β_1 ergibt sich aus: $\underline{P\{K_u \leq \beta_1 \leq K_o\} = 1 - \alpha}$

$$P \left\{ \hat{\beta}_1 - \underbrace{t_{\frac{\alpha}{2}; v=n-2}}_{\substack{(e) \\ t_{0,025;3} \\ (e) \\ 3,18}} \cdot s_{\hat{\beta}_1} \leq \beta_1 \leq \hat{\beta}_1 + \underbrace{t_{\frac{\alpha}{2}; v=n-2}}_{(e)} \cdot s_{\hat{\beta}_1} \right\}$$

$$\text{KI: } P\{0,45 - 3,18 \cdot 0,52 \leq \beta_1 \leq 0,45 + 3,18 \cdot 0,52\}$$

$$P\{-1,20 \leq \beta_1 \leq +2,10\} = 0,95$$

$$\underline{KI(\beta_1) = [-1,20; +2,10]}$$

Kriterium: Falls $0 \in KI[\beta_1] \rightarrow H_0$ beibehalten

Falls $0 \notin KI[\beta_1] \rightarrow H_0$ zurückweisen